

## O produto escalar e a Física

Uma carroça é puxada com a força de 80Kgf  $\vec{f}$  e desloca-se 40m  $(\vec{d})$  na direcção e sentido da força. O trabalho  $W$  realizado é dado pelo produto  $(\vec{f}) \cdot (\vec{d})$ . Determine o trabalho realizado, sendo  $W = ||\vec{f}|| \cdot ||\vec{d}|| \cdot \cos(x)$ .

Se o cavalo puxar com uma força  $\vec{f}$  que faz  $60^\circ$  com o deslocamento  $\vec{d}$  (sobre o carril), só parte da força é útil sendo outra parte perdida. De facto,  $\vec{f}$  decompõe-se em  $\vec{f}_1$ , componente útil com a direcção de  $\vec{d}$ , e  $\vec{f}_2$  perpendicular a  $\vec{d}$ , cujo trabalho é nulo.

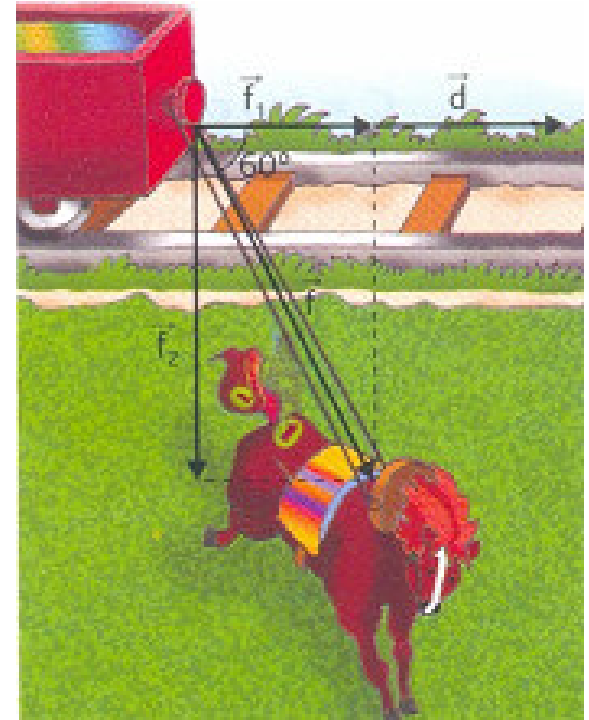
Para a componente útil temos  $\|\vec{f}_1\| = \|\vec{f}\| \cos(60^\circ)$

Logo o trabalho realizado é  $W = \|\vec{d}\| \|\vec{f}\| \cos(60^\circ)$  que é o produto escalar de  $\vec{d}$  por  $\vec{f}$ .

Se o ângulo for agudo, a força produz trabalho motor;

Se o ângulo é recto, a força produz trabalho nulo;

Se o ângulo for obtuso, a força produz trabalho resistente.



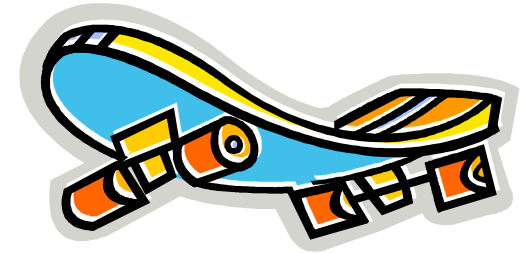
## O produto escalar e a economia

Para produzir um skate é necessário produzir rodas, eixos e pranchas. Suponhamos que o custo unitário de cada um desses componentes é  $c_1$ ,  $c_2$ ,  $c_3$ , respectivamente.

Então, se para um skate são precisos 4 rodas, 2 eixos e uma prancha, o custo total do skate é:

$$C = 4c_1 + 2c_2 + 1c_3 \text{ ou seja, } C = (c_1, c_2, c_3) \cdot (4, 2, 1)$$

O custo total é o produto escalar dos vectores cujas coordenadas são os custos parciais de cada componente do skate e o número de unidades de cada componente



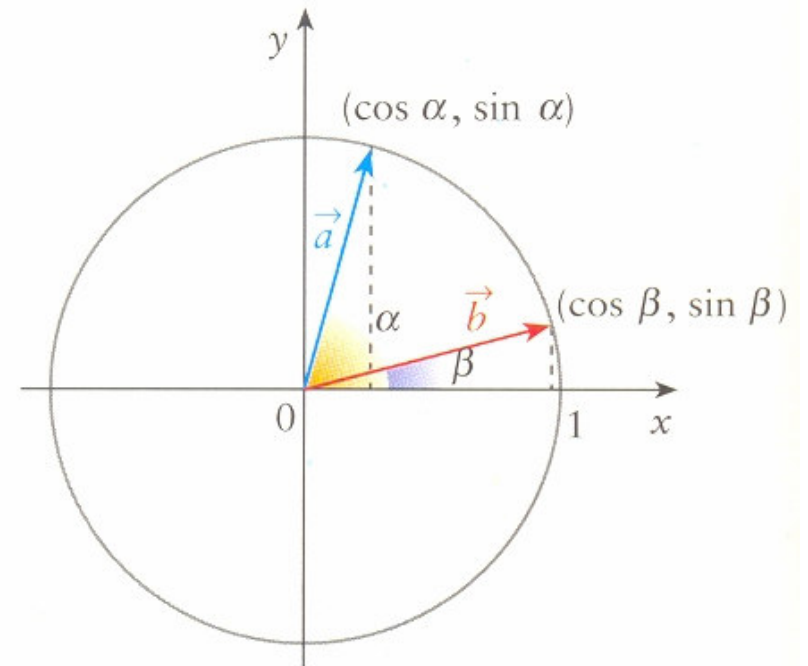
$$\vec{C} = (c_1, c_2, c_3)$$

$$\vec{n} = (n_1, n_2, n_3)$$

$$C = \vec{C} \cdot \vec{n}$$

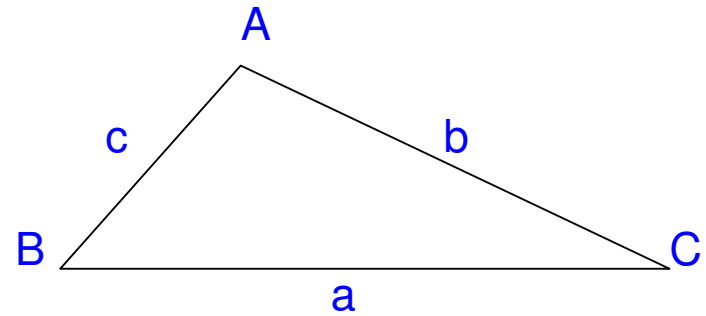
## O produto escalar e a trigonometria

Desenvolvimento da fórmula  $\cos(\alpha - \beta)$



Teorema dos co-senos ou teorema de Carnot:

Num triângulo [ABC], tem-se  $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cdot \cos \hat{A}$



Ex. 18 e 19 da pág 99